

Приложение к ООП СОО МАОУ СОШ №17 г. Липецка

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 633312)

учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»

10-11 класс

Аннотация к рабочей программе по алгебре и начала анализа ООП СОО

Название рабочей программы	РАБОЧАЯ ПРОГРАММА учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа» 10-11 класс
Краткая характеристика программы	<p>Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.</p> <p>Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.</p> <p>Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.</p>

	В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.
Срок, на который разработана рабочая программа	2 года
Список приложений к рабочей программе	Поурочное планирование, оценочные материалы

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Цели изучения курса:

1. Обеспечение инструментальной базы для изучения всех естественно-научных курсов.

2. Формирование логического и абстрактного мышления учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности.
3. Освоение универсального языка современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.
4. Развитие умения находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию.
5. Формирование креативного и критического мышления.
6. Получение нового опыта решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений

При изучении курса алгебры на базовом уровне решаются следующие **задачи:**

1. развивать представление о числе и роли вычислений в человеческой практике;
2. сформировать практические навыки выполнения устных, письменных, инструментальных вычислений, развить вычислительную культуру;
3. обеспечить владение символическим языком алгебры, выработать формальнооперативные алгебраические умения и научиться применять их к решению математических и нематематических задач;
4. формировать знание про свойства и графики элементарных функций, умение использовать функционально-графические представления для описания и анализа реальных зависимостей;
5. развивать пространственные представления и изобразительные умения, освоить основные факты и методы планиметрии, познакомиться с простейшими пространственными телами и их свойствами;
6. обеспечить развитие представления о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения, об особенностях выводов и прогнозов, носящих вероятностный характер;
7. развивать логическое мышление и речь – умения логически обосновывать суждения, проводить несложные систематизации, приводить примеры и контрпримеры, использовать различные языки математики (словесный, символический, графический) для иллюстрации, интерпретации, аргументации и доказательства;

8. формировать представления об изучаемых понятиях и методах как важнейших средствах математического моделирования реальных процессов и явлений.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений,

неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов

математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 170 часов.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными* действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные *познавательные* действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

Уравнения и неравенства

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Воспитательный аспект
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	14	1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт» https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/conspect/198222/ https://resh.edu.ru/subject/lesson/611/ https://resh.edu.ru/subject/lesson/612/	Привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках предметов, явлений, событий через: обращение внимания на нравственные аспекты научных открытий, которые изучаются в данный момент на уроке; на представителей ученых, связанных с изучаемыми в данный момент темами, на тот вклад, который они внесли в развитие нашей страны и мира, на достойные подражания примеры их жизни, на мотивы их поступков. Методы и приемы: организация работы с получаемой на уроке социально - значимой информацией, инициирование ее обсуждения, высказывания обучающимися своего мнения, выработки своего отношения.
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	6	1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру»	Использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета для формирования у

			3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	обучающихся российских традиционных духовно-нравственных и социокультурных ценностей. Методы и приемы: демонстрация детям примера ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе).
3	Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	18	1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Применение групповой работы или работы в парах, которые способствуют развитию навыков командной работы и взаимодействию с другими обучающимися.
4	Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения	22	1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в форме включения в урок различных исследовательских заданий и задач, что дает возможность обучающимся приобрести навыки самостоятельного решения теоретической проблемы, генерирования и оформления собственных гипотез, уважительного отношения к чужим идеям, публичного выступления,

				аргументирования и отстаивания своей точки зрения. Методы и приемы: реализация индивидуальных и групповых исследовательских проектов.
5	Последовательности и прогрессии	5	1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Применение групповой работы или работы в парах, которые способствуют развитию навыков командной работы и взаимодействию с другими обучающимися.
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	3	1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Установление уважительных, доверительных, неформальных отношений между учителем и учениками, создание на уроках эмоционально-комфортной среды.
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68		

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Воспитательный аспект
		Всего	Контроль ные работы	Практи ческие работы		
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства.	12	1		1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт» https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/conspect/198222/ https://resh.edu.ru/subject/lesson/611/ https://resh.edu.ru/subject/lesson/612/	Привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках предметов, явлений, событий через: обращение внимания на нравственные аспекты научных открытий, которые изучаются в данный момент на уроке; на представителей ученых, связанных с изучаемыми в данный момент темами, на тот вклад, который они внесли в развитие нашей страны и мира, на достойные подражания примеры их жизни, на мотивы их поступков. Методы и приемы: организация работы с получаемой на уроке социально - значимой информацией, инициирование ее обсуждения, высказывания обучающимися своего мнения, выработки своего отношения.
2	Логарифмическая функция.	12	1		1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа	Использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета для формирования у

	Логарифмические уравнения и неравенства				«учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	обучающихся российских традиционных духовно-нравственных и социокультурных ценностей. Методы и приемы: демонстрация детям примера ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе).
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства.	9			1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Применение групповой работы или работы в парах, которые способствуют развитию навыков командной работы и взаимодействию с другими обучающимися.
4	Производная. Применение производной.	24	1		1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в форме включения в урок различных исследовательских заданий и задач, что дает возможность обучающимся приобрести навыки самостоятельного решения теоретической проблемы, генерирования и оформления собственных гипотез, уважительного отношения к чужим идеям, публичного выступления,

						аргументирования и отстаивания своей точки зрения. Методы и приемы: реализация индивидуальных и групповых исследовательских проектов.
5	Интеграл и его применения.	9	1		1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Применение групповой работы или работы в парах, которые способствуют развитию навыков командной работы и взаимодействию с другими обучающимися.
6	Системы уравнений.	12			1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Установление уважительных, доверительных, неформальных отношений между учителем и учениками, создание на уроках эмоционально-комфортной среды.
7	Натуральные и целые числа.	6			1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в форме включения в урок различных исследовательских заданий и задач, что дает возможность обучающимся приобрести навыки самостоятельного решения теоретической проблемы, генерирования и оформления собственных гипотез, уважительного отношения к чужим идеям, публичного выступления, аргументирования и отстаивания

						своей точки зрения. Методы и приемы: реализация индивидуальных и групповых исследовательских проектов.
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний.	18	1		1.Образовательная платформа «ЯКЛАСС» 2.Образовательная платформа «учи.ру» 3.Образовательная платформа «Скайсмарт»	Установление уважительных, доверительных, неформальных отношений между учителем и учениками, создание на уроках эмоционально-комфортной среды.
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	5			

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
Тема 1. Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений - 14 часов		
1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Определение, теорема, следствие, доказательство.	1
2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1
3	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1
4	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1
5	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1
6	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1
7	Арифметические операции с действительными числами	1
8	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1
9	Тождества и тождественные преобразования	1
10	Уравнение, корень уравнения	1
11	Неравенство, решение неравенства	1
12	Метод интервалов	1
13	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1

14	Контрольная работа №1 по теме "Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенств"	1
Тема 2. Функции и графики. Степенная функция с целым показателем -6 часов		
15	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции	1
16	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1
17	Чётные и нечётные функции	1
18	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1
19	Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1
20	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1
Тема 3. Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства- 18 часов		
21	Арифметический корень натуральной степени	1
22	Арифметический корень натуральной степени	1
23	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
24	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
25	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
26	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1
27	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1
28	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1
29	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1
30	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1
31	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
32	Решение иррациональных уравнений и неравенств.	1
33	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
34	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1

35	Решение иррациональных уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.	1
36	Свойства и график корня n -ой степени	1
37	Свойства и график корня n -ой степени	1
38	Контрольная работа №2 по теме "Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства"	1
Тема 4. Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения-22 часа		
39	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1
40	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1
41	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1
42	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1
43	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1
44	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1
45	Основные тригонометрические формулы	1
46	Основные тригонометрические формулы	1
47	Основные тригонометрические формулы	1
48	Основные тригонометрические формулы	1
49	Преобразование тригонометрических выражений	1
50	Преобразование тригонометрических выражений	1
51	Преобразование тригонометрических выражений	1
52	Преобразование тригонометрических выражений	1
53	Преобразование тригонометрических выражений	1
54	Решение тригонометрических уравнений	1
55	Решение тригонометрических уравнений	1

56	Решение тригонометрических уравнений	1
57	Решение тригонометрических уравнений	1
58	Решение тригонометрических уравнений	1
59	Решение тригонометрических уравнений	1
60	Контрольная работа №3 по теме "Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения"	1
Тема 5. Последовательности и прогрессии-5 часов		
61	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1
62	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1
63	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1
64	Формула сложных процентов	1
65	Формула сложных процентов	1
Тема 6. Повторение, обобщение, систематизация знаний		
66	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1
67	Итоговая контрольная работа	1
68	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
Тема 1. Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства-12 часов		
1	Степень с рациональным показателем.	1
2	Свойства степени.	1
3	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени.	1
4	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени.	1
5	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени.	1
6	Показательная функция, её свойства и график	
7	Показательные уравнения и неравенства	1
8	Показательные уравнения и неравенства	1
9	Показательные уравнения и неравенства	1
10	Показательные уравнения и неравенства	1
11	Показательные уравнения и неравенства.	1
12	Контрольная работа №1 по теме "Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"	1
Тема 2. Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства -21 час		
13	Логарифм числа	1
14	Десятичные и натуральные логарифмы	1
15	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1

16	Логарифмическая функция, её свойства и график	
17	Логарифмическая функция, её свойства и график	
18	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
19	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
20	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
21	Логарифмические уравнения и неравенства	1
22	Логарифмические уравнения и неравенства	1
23	Логарифмические уравнения и неравенства	1
24	Логарифмические уравнения и неравенства	1
25	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
26	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
27	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
28	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
29	Примеры тригонометрических неравенств	1
30	Примеры тригонометрических неравенств	1
31	Примеры тригонометрических неравенств	1
32	Примеры тригонометрических неравенств	1
33	Контрольная работа №2 по теме « Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства»	1
Тема 3. Производная. Применение производной – 24 часа		
34	Непрерывные функции	1
35	Метод интервалов для решения неравенств	1
36	Метод интервалов для решения неравенств	1
37	Производная функции	1
38	Производная функции	1

39	Геометрический и физический смысл производной	1
40	Геометрический и физический смысл производной	1
41	Производные элементарных функций	1
42	Производные элементарных функций	1
43	Производная суммы, произведения, частного функций	1
44	Производная суммы, произведения, частного функций	1
45	Производная суммы, произведения, частного функций	1
46	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
47	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
48	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
49	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
50	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
51	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
52	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
53	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
54	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
55	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
56	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1
57	Контрольная работа №3 по теме " Производная. Применение производной "	1
Тема 4. Интеграл и его применения. Системы уравнений – 21 час		
58	Первообразная. Таблица первообразных	1
59	Первообразная. Таблица первообразных	1
60	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
61	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
62	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1

63	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
64	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
65	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
66	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
67	Системы линейных уравнений	1
68	Системы линейных уравнений	1
69	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1
70	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1
71	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
72	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
73	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
74	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
75	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1
76	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1
77	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1
78	Контрольная работа №4 по теме " Интеграл и его применения. Системы уравнений" "	1
Тема 5. Натуральные и целые числа. Повторение, обобщение, систематизация знаний.-24 часа		
79	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
80	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
81	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
82	Признаки делимости целых чисел	1

83	Признаки делимости целых чисел	1
84	Признаки делимости целых чисел	1
85	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
86	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
87	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
88	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
89	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
90	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
91	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
92	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
93	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
94	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
95	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1
96	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1
97	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1
98	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1
99	Итоговая контрольная работа	1
100	Итоговая контрольная работа	1
101	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1
102	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (в 2 частях), 10-11 классы/ Часть 1: Мордкович А.Г., Семенов П.В.; Часть 2: Мордкович А.Г. и другие; под редакцией Мордковича А.Г., Общество с ограниченной ответственностью «ИОЦ МНЕМОЗИНА»

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. А.Г. Мордкович Алгебра и начала анализа.10-11 класс. Учебник. – М.: Мнемозина, 2020;
2. А.Г. Мордкович, Т.Н. Мишустина, Е.Е. Тульчинская Алгебра и начала анализа.10-11 класс. Задачник. – М.: Мнемозина, 2020;
3. Л.А. Александрова Алгебра и начала анализа. Самостоятельные работы 10 класс. – М.: Мнемозина, 2018;
4. Глинзбург В.И. Алгебра и начала анализа. 10 класс. Контрольные работы, базовый уровень. – М.: Мнемозина, 2018.
5. А.Г. Мордкович Алгебра и начала анализа.10-11.Методическое пособие для учителя. – М.: Мнемозина, 2017;
6. Математика. Еженедельное приложение к газете «Первое сентября»;
7. Математика в школе. Ежемесячный научно-методический журнал.
8. Сборники для подготовки и проведения ЕГЭ по редакции Ященко 2023-2024 гг.

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

1. Открытый банк заданий по математике www.fipi.ru
2. Федеральный центр тестирования www.rustest.ru/
3. Решу ЕГЭ <https://ege.sdamgia.ru/>

10 класс

Контрольная работа №1 «Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства»

Вариант 1

1. Задаёт ли указанное правило функцию $y = f(x)$:

$$1) f(x) = \begin{cases} -x, & \text{если } -2 < x \leq 0, \\ \sqrt{x} - 1, & \text{если } x \geq 0; \end{cases} \quad 2) f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{если } 0 \leq x < 2, \\ x + 1, & \text{если } x \geq 2? \end{cases}$$

В случае положительного ответа:

а) найдите область определения функции;

б) вычислите значения функции в точках 0, 1, 3, -1;

в) постройте график функции;

г) найдите промежутки монотонности функции.

2. Исследуйте функцию $y = -\frac{1}{x^5} + 4x^3$ на чётность.

3. На числовой окружности взяты точки $M(-\frac{2\pi}{3})$, $N(\frac{\pi}{4})$. Найдите все числа t , которым на данной окружности соответствуют точки, принадлежащие дуге AB . Сделайте чертеж.

4. Задайте аналитически и постройте график функции $y = f(x)$, у которой
 $E(f) = [1; +\infty)$.

5. Найдите функцию, обратную функции $y = 2 - x^2$, $x \geq 0$. Постройте на одном чертеже графики указанных двух взаимно обратных функций.

6. Известно, что функция $y = f(x)$ убывает на \mathbf{R} . Решите неравенство

$$f(|x+7|) > f(|x-3|).$$

Контрольная работа № 2 по теме «Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства».

Вариант 1

1. Решите уравнение:

а) $\sqrt{30-7x} = 4$ б) $\sqrt{\frac{4}{9-7x}} = 0,5$ в) $(x^2-4)\sqrt{x^2-8x+7} = 0$ г) $\sqrt{3x+1} - \sqrt{x+4} = 1$

2. Найдите корень уравнения $\sqrt{-48-14x} = -x$. Если уравнение имеет более одного корня, укажите меньший из них.

3. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} 2\sqrt{x} - 3\sqrt{y} = 2 \\ 3\sqrt{x} - 4\sqrt{y} = 4 \end{cases}$$

4. Решите неравенство: $\sqrt{x^2 + x - 2} < 2$.

**Контрольная работа №3 по теме "Формулы тригонометрии.
Тригонометрические уравнения"**

1. Вычислите: $3\cos 60^\circ + 2\sin 30^\circ$

2. Найдите значение выражения: $\sqrt{3} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6} - \sqrt{2} \sin \frac{\pi}{4}$

3. Из предложенных формул выберите верную:

1) $\sin^2 x - \cos^2 x = 1$

2) $\operatorname{tg} x = \frac{\cos x}{\sin x}$

3) $\operatorname{ctg} x \cdot \operatorname{tg} x = 1$

4) $1 + \operatorname{ctg}^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$

4. Упростите выражение: $1 - \sin x \cos x \operatorname{tg} x$ и найдите его значение при $x = \frac{\pi}{3}$

5. Найдите $\sin \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{4}{5}$ и $270^\circ < \alpha < 360^\circ$

6. Упростите выражение: $\sin^4 x + \cos^4 x + 2\sin^2 x \cos^2 x$ и найдите его значение при $x = \frac{\pi}{12}$

11 класс

Контрольная работа №1

Вариант 1

1. Вычислите:

а) $\sqrt[5]{-1000000}$; б) $\sqrt[4]{1296}$; в) $-\sqrt[6]{0,000064} + \sqrt[3]{-1331}$.

2. Расположите числа в порядке убывания: $\sqrt[3]{31}$; $\sqrt{10}$; $\sqrt[6]{666}$.

3. Постройте график функции:

а) $y = \sqrt[3]{x-2} + 1$; б) $y = -\sqrt[6]{x+1} - 2$.

4. Вычислите: $\sqrt{40\sqrt{12}} - 4\sqrt[4]{75}$.

5. Найдите значение выражения: $\sqrt{9b^2} - \sqrt[3]{8b^3} - \sqrt[4]{256b^4} + \sqrt[8]{2401}$ при $b = \sqrt{7} - 3$.

6. Решите уравнение: $\sqrt[8]{x-2} = -x + 4$.

Контрольная работа №2

Вариант 1

1. Вычислите:

а) 5^{-3} ; б) $\left(\frac{2}{3}\right)^{-1}$; в) $32^{\frac{1}{5}} - 64^{\frac{1}{2}}$; г) $\left(3 - 2^{\frac{1}{3}}\right)\left(9 + 3 \cdot 2^{\frac{1}{3}} + 2^{\frac{2}{3}}\right)$.

2. Постройте график функции: а) $y = x^{\frac{1}{3}} - 3$; б) $y = 3^{x-1}$.
3. Решите уравнение: а) $\sqrt{3} \cdot 3^{5x} = \frac{1}{3}$; б) $9^x + 6 \cdot 3^{x-1} - 15 = 0$.
4. Решите неравенство: $\left(\frac{2}{7}\right)^{3\left(x-\frac{1}{3}\right)} < \left(\frac{4}{49}\right)^{x^2}$.
5. Составьте уравнение касательной к графику функции $y = \frac{3}{2}x^{\frac{2}{3}} - x^{-2}$ в точке $x=1$.
6. Дана функция $y = f(x)$, где $f(x) = \begin{cases} \left(\frac{1}{3}\right)^x, & x \geq 0; \\ \sqrt[3]{x+1}, & x < 0. \end{cases}$
- а) Вычислите: $f(-1), f(3)$.
- б) Постройте график функции.
- в) Найдите область значений функции.
- г) Выясните, при каких значениях параметра a уравнение $f(x) = a$ имеет два корня.

Контрольная работа №3

Вариант 1

1. Вычислите: а) $\log_8(64\sqrt{2})$; б) $25^{1-\log_5 10}$.
2. Постройте график функции: а) $y = \log_{\frac{1}{2}} x + 2$; б) $y = \log_2 x^3$.
3. Решите уравнение: а) $\log_5(x+3) = 2 - \log_5(2x+1)$; б) $\log_3^2 - 2\log_3 x - 1 = 0$.
4. Решите неравенство: $\log_3 x \leq 11 - x$.
5. Решите уравнение: $100^{\log^2 x} - 8x^{\lg x} = 20$.

Контрольная работа №4

Вариант 1

1. Решите неравенство: $\log_{\frac{1}{2}}(x+3) > -2$.
2. Исследуйте функцию $y = e^x(2x+3)$ на монотонность и экстремумы.

3. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = \ln(ex)$ в точке $x=1$.
4. Решите уравнение: $\log_5 x^2 + \log_x 5 + 3 = 0$.
5. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} \left(\frac{1}{9}\right)^{-y} = 3^{2x-5}, \\ \log_2(3y + 8x - 3) = \log_2 \lg 10000 + \log_{32} x^5. \end{cases}$$

Контрольная работа №5

Вариант 1

1. Докажите, что функция $y = 4x^9 + 2\sin 2x - \frac{1}{x} - 5$ является первообразной для функции $y = 36x^8 + 4\cos 2x + \frac{1}{x^2}$.
2. Для данной функции $y = 4\cos 2x - 3\sin x$ найдите ту первообразную, график которой проходит через заданную точку $A(-\pi; 0)$.
3. Вычислите интеграл: а) $\int_1^2 4x^3 dx$; б) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} 2\sin 4x dx$.
4. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2 - 4x + 5, y = x + 1$.
5. Известно, что функция $y = F(x)$ — первообразная для функции $y = (x^3 - 9x)\sqrt{x-2}$. Исследуйте функцию $y = F(x)$ на монотонность и экстремумы.